

BIBLIOTHECA UNIVERSITATIS LIBERAE POLONAE

A. 1925.

Fasc. 14.

JAN KRASSOWSKI et LEON HUFNAGEL.

Perturbations et tables appro- chées du mouvement de la petite planète (43) Ariadne.

Perturbacje i tablice przybliżone dla pla-
netoidy (43) Ariadne.



VARSAVIAE.

CURA ET SUMPTIBUS UNIVERSITATIS LIBERAE POLONAE.

1925.

Travaux du Bureau astronomique de l'Université Libre
de Pologne,

sous la direction du Professeur Jan Krassowski.

N^o 2.

Adresse de la rédaction: „Wolna Wszechnica Polska” Varsovie, rue Sniadeckich 8.

Depôts: Librairie Gebethner et Wolff rue Sienkiewicza 9, Varsovie.

Les Presses Universitaires de France, 49 Bd St-Michel, Paris.

1. 2.
JAN KRASSOWSKI et LEON HUFNAGEL.

Perturbations et tables appro- chées du mouvement de la petite planète (43) Ariadne.

Perturbacje i tablice przybliżone dla pla-
netoidy (43) Ariadne.



VARSAVIAE.

CURA ET SUMPTIBUS UNIVERSITATIS LIBERAE POLONAE.

1925

~~Biblioteka
SZKOŁY GŁÓWNEJ GOSPODARSTWA WIEJSKIEGO
w Warszawie~~

~~8567~~

BIBLIOTEKA UNIWERSYTATU LIBERA POLONIAE
1925
JAN KRASSOWSKI - LEON LUTVAJGI
Perturbations et tables appro-
ches du mouvement des planètes
dans le système solaire
Ferturbacje i tablice przyblzone dla pla-
net w systemie slyncowym

Travaux du Bureau astronomique de l'Université Libre
de Pologne,

sous la direction du Professeur Jan Krassowski.

N^o 2.

02764



Adresse de la rédaction: „Wolna Wszechnica Polska” Varsovie, rue Sniadeckich 8.

Depôts: Librairie Gebethner et Wolff rue Sienkiewicza 9, Varsovie.

Les Presses Universitaires de France, 49 Bd St-Michel, Paris.

1870/21

JAN KRASSOWSKI et LEON HUFNAGEL.

Perturbations et tables approchées du
mouvement de la petite planète (43)
Ariadne.

Perturbacje i tablice przybliżone dla planetoidy (43)
Ariadne.

1. En 1922 pendant l'assemblée de Rome de l'Union astronomique internationale, nous avons eu l'honneur d'exposer à la commission des petites planètes nos projets de calculs des tables planétaires que nous devons entreprendre au Bureau astronomique de notre Université.

Ce Bureau ainsi que l'observatoire que notre Université est en train de fonder aux environs de Varsovie et qui sera — nous l'espérons — inauguré prochainement pour commémorer le quatre cent-cinquantième anniversaire de Nicolas Copernic — ont en vue surtout la construction des tables approchées pour le mouvement des petites planètes, en soumettant toutefois notre programme à celui qui serait arrêté comme définitif pour nos travaux par notre commission auprès de l'Union astronomique.

Nous avons voulu d'abord nous entendre sur les méthodes à suivre dans nos calculs et sur la repartition de notre travail par rapport au type planetoïdal envisagé. Nous avons eu premièrement le projet de nous occuper avec les petites planètes du type d'Hécube et de faire des comparaisons entre les tables calculées par les méthodes de M. M. Brendel et Kramer et celles calculées par la méthode de M. Bohlin. En nous conformant aux décisions prises à Rome, nous avons voulu employer d'abord

dans nos calculs la méthode de M. Bohlin. Nous avons eu quelques difficultés à vaincre en appliquant cette méthode, lesquelles nous ont obligé, pour obtenir le plus vite des résultats utiles l'appliquer non aux petites planètes du type d'Hécube (tables de M. v. Zeipel) mais à celles de Flore (tables de M. Strömberg) et d'ajourner pour plus tard les calculs concernant les petites planètes du type d'Hécube.

Grâce à une subvention obtenue d'un comité spécial organisé pour aider la science par le Conseil de la ville de Varsovie, nous avons pu organiser le travail de notre Bureau et acquérir les moyens nécessaires. Nous nous permettons d'exprimer ici notre gratitude à ce comité pour le grand intérêt qu'il a prouvé à nos travaux que nous devons entreprendre.

Le travail que nous publions inaugure la série des tables des petites planètes du type de Flore que nous nous proposons de calculer. Il nous semble que ce type planétoïdal que nous considérons en ce moment a été assez peu étudié et les écarts entre les positions calculées, d'après les éléments donnés, sans considérer les perturbations et les positions observées, sont notables — c'est pour celà que les tables pour ce type, donnant les perturbations même approchées, produites par Jupiter aideront les observateurs à retrouver facilement ces astres et les suivre pendant plusieurs oppositions.

2. La petite planète (43) Ariadne a été découverte par Pogson à Oxford le 15 avril 1857¹⁾. Pape a publié deux systèmes d'éléments²⁾. D'après les éléments de Weiss³⁾ les différences entre l'observation et le calcul ont été les suivantes.

| O — C | | | | | |
|---------|-------|----|----------------------|----------------------|---------------|
| en 1861 | Oct. | 19 | + 7 ^s .28 | + 49 ^s .8 | ⁴⁾ |
| 1864 | Août. | 12 | + 40.31 | + 228.5 | ⁵⁾ |
| 1866 | Jan. | 4 | — 7.29 | + 1.6 | ⁶⁾ |
| 1867 | Juin | 5 | — 54.37 | + 63.62 | ⁷⁾ |

En 1870 R. Prey, en se basant sur les observations existantes jusqu'alors, détermine à nouveau les éléments⁸⁾ de la petite planète. Plus tard il donne des nouveaux éléments⁹⁾ basés sur les oppositions de 1867, 1868, 1870, 1871, 1873: ces éléments ont servi à déterminer les différents systèmes des élé-

ments osculateurs dans lesquels les perturbations produites par l'action de Saturne ont été considérées jusq'en 1891.

Nous trouvons pour ces éléments les valeurs suivantes pour O—C:

| | | | | | | |
|------|---------|----|---|--------------------|---|----------------------|
| 1870 | Avril | 2 | + | 0 ^s .27 | — | 6".3 ¹⁰⁾ |
| 1871 | Nov. | 3 | + | 31.68 | + | 125.4 ¹¹⁾ |
| 1874 | Sept. | 23 | + | 1.53 | + | 8.3 ¹²⁾ |
| 1877 | Juillet | 30 | — | 8.34 | — | 27.8 ¹³⁾ |
| 1880 | Mai | 16 | + | 4.41 | — | 2.3 ¹⁴⁾ |
| 1881 | Nov. | 19 | — | 48.0 | — | 192.0 ¹⁵⁾ |
| 1883 | Mars | 30 | — | 6.0 | + | 60.0 ¹⁶⁾ |
| 1890 | Juillet | 21 | + | 7.3 | + | 17.9 ¹⁷⁾ |
| 1897 | Sept. | 25 | + | 12.0 | + | 1'.0 ¹⁸⁾ |
| 1900 | Aug. | 23 | + | 120.0 | + | 5'.0 ¹⁹⁾ |
| 1917 | Dec. | 17 | + | 54.0 | + | 1'.0 ²⁰⁾ |
| 1920 | Oct. | 20 | + | 108.0 | + | 8'.0 ²¹⁾ |

3. Dans notre recherche nous nous sommes attaché à suivre pour corriger l'orbite la voie très pratique et très expéditive donnée par M. Brendel dans „Mitteilungen der Universitätssternwarte — Erstes Stück — Frankfurt/M 1919—22“.

D'abord entre les observations que nous avons à notre disposition, nous avons choisi celles qui, par rapport à l'orbite de la planète étaient le mieux disposées et qui étaient susceptibles d'un certain contrôle.

Notre but n'a point été de déterminer les éléments de la planète avec l'exactitude la plus grande possible — nous avons voulu seulement dans les limites de l'approximation que comportent les tables des perturbations dues à M. Bohlin — donner un moyen sûr — autant qu'il est possible de le faire — de pouvoir suivre notre planète par des observations systématiques pendant plusieurs années.

Conformément aux détails des calculs développés par M. Brendel dans le mémoire cité plus haut — nous avons pris comme base de nos calculs les observations suivantes:

| | | | | | | |
|-----|------|-----------|----|--------|-------|--------|
| I | 1860 | Mars | 14 | Berlin | A. N. | 1327 |
| II | 1866 | Janvier | 4 | Berlin | „ | „ 1643 |
| III | 1874 | Septembre | 23 | Vienne | „ | „ 2019 |

| | |
|-----------------|-----------------------|
| IV 1890 Juillet | 21 Windsor A. N. 3020 |
| V 1900 Août | 23 Pola " " 3713 |
| VI 1916 Mai | 26 Vienne " " 4882 |

Les éléments de (43) Ariadne ont été tirés du B. J. pour 1910 et sont rapportés à 1910,0. Les éléments de Jupiter ont été tirés de la Con. des Temps pour 1914.

Voici ces éléments:

(43) Ariadne.

| | | |
|-------------|------------------|----------------------------|
| $M =$ | $80^{\circ}.263$ | 1897 Oct. 6.0 Berlin T. M. |
| $\omega =$ | 13.943 | } 1910.0 |
| $\Omega =$ | 264.900 | |
| $i =$ | 3.462 | |
| $\varphi =$ | 9.642 | |
| $\mu =$ | $1084''.7577$ | |
| $\log a =$ | 0.34312 | |

Jupiter.

| | | |
|--------------|-------------------|---------------------------|
| $M' =$ | $168^{\circ}.881$ | 1910 Jan. 1.0 Paris T. M. |
| $\omega' =$ | 273.337 | } 1910.0 |
| $\Omega' =$ | 99.544 | |
| $i' =$ | 1.308 | |
| $\varphi' =$ | 2.771 | |
| $\mu' =$ | $299''.1284$ | |
| $\log a' =$ | 0.71622 | |

Avec ces éléments en se servant des tables de M. G. Strömberg: Tables for the computation of the Jupiter perturbations of asteroids with a mean daily motion in the vicinity of $1050''$ (Astron. iakttagelser och undersökningar å Stockholms observatorium Bd. 10 № 3).

En nous basant sur les éléments osculateurs du départ et calculant les lieux correspondants aux observations I--VI, nous avons obtenu les différences suivantes O - C entre l'observation et le calcul:

| | I | II | III | IV | V | VI |
|-------------------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| $\cos \beta . d\lambda$ | $-0^{\circ}.55$ | $-0^{\circ}.45$ | $-0^{\circ}.32$ | $+0^{\circ}.30$ | $+0^{\circ}.50$ | $+0^{\circ}.92$ |
| $d\beta$ | $+0.01$ | $+0.04$ | $+0.02$ | $+0.03$ | $+0.09$ | $+0.06$ |

Pour ces mêmes dates nous avons effectué le calcul des perturbations que nous avons appliqué aux données des observations — nous avons formé les valeurs O—C, nous avons calculé les coefficients des équations normales par les méthodes indiquées par M. Brendel dans le travail cité, et enfin nous avons formé les équations normales qui nous ont conduit aux systèmes suivants:

$$\begin{array}{rcccccl}
 + 4.0368 x & - 1.3770 y & + 0.3127 z & - 1.9707 t & = & + 0.0323 \\
 - 1.3770 & + 2.5681 & - 0.3014 & - 0.6675 & = & + 2.4040 \\
 + 0.3127 & - 0.3014 & + 2.9403 & - 0.4769 & = & - 0.0104 \\
 - 1.9707 & - 0.6675 & - 0.4769 & + 2.5476 & = & - 1.5989 \\
 & & & + 3.2204 u & - 0.6485 v & = + 0.4992 \\
 & & & - 0.6485 & + 2.7684 & = - 0.3090
 \end{array}$$

qui après résolution nous amènent au système suivant des éléments:

$$\begin{array}{rcl}
 M = 326^{\circ}.457 & (1900.0) \\
 \omega = 14.065 & \\
 \Omega = 264.645 & \left. \vphantom{\begin{array}{l} M \\ \omega \\ \Omega \\ i \\ \varphi \\ \mu \end{array}} \right\} 1900.0 \\
 i = 3.472 & \\
 \varphi = 9.667 & \\
 \mu = 1084''.9799 &
 \end{array}$$

Ces éléments nous donnent comme représentation des observations I—IV les écarts suivants:

| | I | II | III | IV | V | VI |
|-------------------------|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|
| $\cos \beta . d\lambda$ | + 0 ^o .08 | - 0 ^o .04 | - 0 ^o .05 | - 0 ^o .06 | + 0 ^o .08 | - 0 ^o .20 |
| $d\beta$ | 0.00 | + 0.03 | 0.00 | - 0.01 | + 0.04 | + 0.01 |

Ces écarts n'accusent point de marche systématique et sont notablement meilleurs que les valeurs O—C obtenues précédemment. Nous avons encore une fois formé des nouvelles équations normales en partant de ces dernières données et nous avons ainsi obtenu le système définitif des éléments moyens que nous ne pouvons plus améliorer par la seule résolution des équations normales. Nous avons obtenu en partant de ces éléments considérés comme définitifs et en y ajoutant les perturbations la représentation suivante des observations prises comme base de nos calculs:

| | | | | | | |
|-----------------------|----------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| $\cos \beta d\lambda$ | + 0 ^o .04 | 0.00 | - 0.06 | - 0.05 | + 0.10 | - 0.07 |
| $d\beta$ | 0,00 | + 0.03 | + 0.01 | - 0.02 | + 0.04 | + 0.00 |

4. Pour avoir un contrôle de tout notre calcul nous avons considéré deux observations en dehors de celles qui étaient comprises entre 1860—1916 notamment:

| | | | |
|----------------|---|---------------------------------|-------------------------------------|
| 1923 Août. 22 | T. M. Gr. 10 ^h 29 ^m | $\alpha_{1925.0} = 23^h 42^m.0$ | $\delta_{1925.0} = + 5^{\circ}5'.8$ |
| 1925 Jan. 14.8 | T. M. Gr. | 7 48.3 | + 18 ^o 13' |

Nous avons obtenu pour:

| | 1923 Août. 22 | 1925 Janv. 14.8 |
|-----------------------|----------------------|----------------------|
| $\cos \beta d\lambda$ | + 0 ^o .02 | - 0. ^o 07 |
| $d\beta$ | + 0.02 | - 0.02 |

Pour ces deux observations les anciens éléments du B. J. nous donnent:

| | | |
|------|---------------------|-------|
| 1923 | + 3 ^m .0 | + 18' |
| 1925 | + 1.1 | - 7 |

Au mois de Janvier 1925 M. Maître a donné une éphéméride de (43) en admettant pour les éléments de la Conn. des Temps pour 1915 une correction en M de + 0^o.2 d'après les observations de 1913—1923.

D'après cette éphéméride nous obtenons pour l'observation du 14 janvier 1925 (M. Jekhowsky à Alger) la valeur suivante de

$$O - C \quad + 1^m.4 \quad - 5'.4$$

Nous voyons donc que pour l'intervalle de 7 et 9 ans respectivement après le dernier moment pris en considération dans nos calculs — nous obtenons avec notre système d'éléments en appliquant les perturbations de Jupiter, calculées d'après nos tables un accord satisfaisant très notablement compris entre les limites assignées par la théorie — qui nous autorise à admettre que dans les oppositions les plus proches les observateurs n'auront aucune difficulté pour suivre cette planète.

Donc nous pouvons considérer comme éléments moyens définitifs les éléments suivants:

(43) Ariadne.

$$\begin{array}{rcl}
 M = & 326^{\circ}.477 & (1900.0) \\
 \omega = & 14.007 & \\
 \Omega = & 264.645 & \left. \vphantom{\begin{array}{l} M \\ \omega \\ \Omega \\ i \\ \varphi \\ \mu \end{array}} \right\} 1900.0 \\
 i = & 3.472 & \\
 \varphi = & 9.667 & \\
 \mu = & 1084''.9646 &
 \end{array}$$

5. Afin de faciliter l'usage des tables des perturbations par Jupiter dans le mouvement de (43) Ariadne pour les oppositions futures — nous avons donné dans la table I un tableau de comparaison de tous les éléments existants pour cette petite planète; dans la table II nous avons calculé en nous servant des tables connues de Tietjen les valeurs de v et r en fonction de l'anomalie moyenne M ainsi que les variations de cette anomalie pour différents intervalles du temps.

Dans la table III nous avons déterminé en partant des données contenues dans: „Veröff. d. k. astr. Rechen — Instituts zu Berlin“ № 16 les dates approchées des oppositions en α de (43) Ariadne en y adjoignant la valeur de M pour 0^h T. U. Cette table rendra il nous semble des services pour le calcul des éphémérides futures. La table IV nous donne la valeur des constantes de Gauss de 10 en 10 ans. La table V nous donne enfin les termes des perturbations. Cette table n'a besoin d'aucune explication: sa disposition est simple et son usage se prête très bien aux calculs pour un moment donné.

Nos tables n'ont besoin d'aucune explication pour leur emploi. Pour une opposition donnée il suffit d'abord de tirer la date approximative de l'opposition par la table III et avec ces données calculer les arguments nécessaires pour le calcul des perturbations par la table V.

Voici le mode pour l'emploi de la table V. Comme exemple nous pouvons donner le calcul des perturbations pour 1925 Janvier 14.8.

$$\begin{array}{rcl}
 t = \tau - & 1897 \text{ Oct. } 6.0 & \text{T. M. B.} \\
 \epsilon = & 199^{\circ}.45 & \\
 \epsilon' = M' + \frac{2}{7} \epsilon & \text{Sin } \epsilon = & -264^{\circ}.39 \\
 \text{Partie séculaire} & = & -0.188
 \end{array}$$

$$\text{Partie périodique} = - 0.037$$

$$n\delta z = - 0.225$$

$$M = M_0 + M(\tau - 1900.0) + n\delta z$$

$$r = r_0(1 + \nu)$$

Les perturbations périodiques nous obtenons à l'aide de la table V avec l'argument $i\varepsilon - j\varepsilon'$ où nous désignons par:

ε — l'anomalie excentrique de la planète considérée et

$$\varepsilon' = M' + \frac{2}{7} e \text{ Sin } \varepsilon.$$

RENVOIS.

- 1) Astr. Nachr. 1080; 2) A. N. 1081, 1087; 3) A. N. 1444;
4) A. N. 1655; 5) A. N. 1643; 6) A. N. 1713; 7) A. N. 1753;
8) B. J. 1861,4, 6, 7; 9) Ver. K. Astron. Rech. Inst., № 16 pg. 28;
10) A. N. 1877; 11) A. N. 1888; 12) A. N. 2019; 13) A. N. 2175;
14) A. N. 2322; 15) A. N. 2422; 16) A. N. 2603;
17) A. N. 3020; 18) A. N. 3578; 19) A. N. 3713; 20) A. N. 4917;
21) A. N. 5105.

T A B L E I. É L É M E N T S.

| Époque 1) | M | π | Ω | i | ψ | μ | log. α | Équinoxe | Auteur | B. J. |
|-------------------------------|----------------|----------------------|----------------|----------------|-------------|------------|-----------|----------|------------|-------|
| 1857 Mai 18.5 | 315° 24' 48".1 | 1277° 0 | 264° 44' 51".8 | 3° 28' 2".4 | 9° 3' 43".8 | 1088".065 | 0.342235 | 1857.0 | Pape Weiss | 1860 |
| " Avrill 17.0 | 306 51 | 0.9277 | 9.5264 29 | 27.2 3 27 47.6 | 9 38 46.6 | 1084.51775 | 0.3431797 | " | " | 1861 |
| " " | 306 49 | 28.4277 | 47.1264 32 | 22.5 3 27 38.5 | 9 37 47.7 | 1084.0626 | 0.3430346 | " | " | 1862 |
| " " | 306 49 | 55.6277 | 26.5264 33 | 9.7 3 27 38.6 | 9 37 46.6 | 1084.8825 | 0.3430841 | " | " | 1863 |
| 1863 Jan. 0.0 | 214 10 | 39.8277 | 50.4264 35 | 52.7 3 27 39.1 | 9 38 52.5 | 1084.8732 | 0.343085 | 1863.0 | Frischauf | 1865 |
| 1864 Jan. 1.0 | 324 26 | 20.3277 | 58.4264 36 | 3.4 3 27 40.5 | 9 39 4.2 | 1084.8384 | 0.3430944 | 1864.0 | Weiss | 1866 |
| 1866 Jan. 1.0 | 184 54 | 15.1277 | 9.6264 37 | 43.9 3 27 40.5 | 9 38 37.8 | 1084.93658 | 0.3430963 | 1866.0 | " | 1868 |
| 1869 Jan. 1.0 | 155 12 | 24.6277 | 59.8264 38 | 34.1 3 27 42.1 | 9 38 35.6 | 1084.96385 | 0.343061 | 1866.0 | " | 1870 |
| 1863 Fevr. 14.5 ²⁾ | 228 0 | 44.3277 | 29.1264 36 | 3.4 3 27 40.5 | 9 38 37.8 | 1084.93658 | 0.3430683 | 1864.0 | " | 1871 |
| " | 228 0 | 39.6277 | 33.0264 36 | 3.4 3 27 40.5 | 9 38 38.0 | 1084.93658 | 0.3430683 | " | " | 1872 |
| 1871 Oct. 23.0 | 104 14 | 1.4277 | 36.1264 35 | 32.1 3 27 48.0 | 9 40 20.3 | 1085.0840 | 0.3429908 | 1870.0 | Prey | 1873 |
| " | 104 18 | 35.6277 | 36.1264 35 | 32.1 3 27 48.0 | 9 40 20.3 | 1085.0840 | 0.3429727 | " | " | 1874 |
| 1873 Fevr. 14.0 | 248 49 | 43.4277 | 3.6264 33 | 16.4 3 27 35.5 | 9 37 15.0 | 1084.3259 | 0.3432311 | " | " | 1875 |
| 1874 Sept. 17.0 | 63 25 | 29.1277 | 30.7264 30 | 43.4 3 27 44.6 | 9 37 6.7 | 1084.7315 | 0.3431229 | " | " | 1876 |
| 1875 Jan. 0.0 | 95 3 | 23 277 | 46 264 35 | 20 3 27 38 | 9 37 16 | 1084.95 | 0.34307 | 1875.0 | " | 1877 |
| " | 214 5 | 17.2278 | 52.5264 52 | 0.2 3 27 40.4 | 9 38 11.7 | 1085.0510 | 0.343038 | 1880.0 | " | 1878 |
| 1877 Juill. 13.0 | 13 55 | 42.6277 | 45.7264 39 | 58.5 3 27 41.3 | 9 38 39.9 | 1084.8147 | 0.3431007 | " | " | 1879 |
| 1880 Mai 28.0 | 330 14 | 4.7277 | 7.6264 38 | 56.1 3 27 38.1 | 9 36 21.3 | 1084.8272 | 0.3430973 | " | " | 1882 |
| 1881 Nov. 29.0 | 135 39 | 39.3 ^{ω=13} | 9.2264 35 | 31.9 3 27 48.2 | 9 37 56.5 | 1084.1384 | 0.343231 | " | " | 1883 |
| 1882 Jan. 18.0 | 150 42 | 9.2 | 37.3264 35 | 20.8 3 27 51.0 | 9 38 32.0 | 1084.3264 | 0.343231 | " | " | 1884 |
| 1883 Mars. 24.0 | 280 15 | 45.2 | 39.1264 35 | 22.3 3 27 56.1 | 9 41 16.0 | 1085.3124 | 0.342998 | " | " | 1885 |
| 1884 Oct. 14.0 | 92 9 | 24.1 | 29.5264 35 | 8.6 3 27 55.5 | 9 41 39.0 | 1085.2100 | 0.342998 | 1890.0 | " | 1886 |
| 1884 Déc. 13.0 | 110 15 | 12.5 | 13.3264 44 | 11.8 3 27 55.1 | 9 41 41.0 | 1085.2732 | 0.342978 | " | " | 1887 |
| 1885 Mai 2.0 | 152 29 | 23.6 | 17.4264 43 | 52.3 3 27 56.1 | 9 41 46.1 | 1085.3469 | 0.342959 | " | " | 1888 |
| 1887 Août. 30.0 | 48 43 | 27.0 | 5.8264 40 | 16.5 3 27 55.4 | 9 39 27.1 | 1085.0510 | 0.3430377 | " | " | 1889 |
| 1889 Jan. 1.0 | 196 17 | 40.8 | 52.9264 39 | 56.0 3 27 56.6 | 9 39 54.4 | 1084.8960 | 0.3430379 | " | " | 1890 |
| 1889 Dec. 7.0 | 298 41 | 28.2 | 48.2264 39 | 45.8 3 27 56.4 | 9 40 17.4 | 1085.2702 | 0.342986 | " | " | 1891 |
| 1890 Juill. 5.0 | 2 0 | 41.9 | 49.5264 39 | 46.1 3 27 55.4 | 9 40 56.4 | 1084.9343 | 0.343067 | " | " | 1893 |
| 1897 Oct. 6.0 | 80 15 | 48.4 | 41.1264 44 | 16.3 3 27 42.6 | 9 38 32.6 | 1084.7577 | 0.341159 | 1900.0 | " | 1900 |

1) L'époque est exprimée en T. M. Berlin.
 2) A partir de 1863 les éléments sont osculateurs pour l'époque.

T A B

| <i>M</i> | <i>v</i> | log <i>r</i> | <i>M</i> | <i>v</i> | log <i>r</i> |
|----------|----------|--------------|----------|----------|--------------|
| 0° | 0°.000 | 0.26351 | 45° | 15°.753 | 0.29655 |
| 1 | 0.424 | 353 | 46 | 15.972 | 780 |
| 2 | 0.847 | 360 | 47 | 16.183 | 908 |
| 3 | 1.270 | 370 | 48 | 16.388 | 0.30036 |
| 4 | 1.693 | 381 | 49 | 16.585 | 184 |
| 5 | 2.114 | 400 | 50 | 16.775 | 293 |
| 6 | 2.534 | 419 | 51 | 16.959 | 419 |
| 7 | 2.952 | 444 | 52 | 17.134 | 556 |
| 8 | 3.369 | 473 | 53 | 17.303 | 686 |
| 9 | 3.784 | 505 | 54 | 17.465 | 817 |
| 10 | 4.196 | 541 | 55 | 17.620 | 950 |
| 11 | 4.606 | 580 | 56 | 17.768 | 0.31083 |
| 12 | 5.014 | 623 | 57 | 17.908 | 216 |
| 13 | 5.418 | 670 | 58 | 18.042 | 350 |
| 14 | 5.820 | 723 | 59 | 18.168 | 484 |
| 15 | 6.218 | 773 | 60 | 18.288 | 618 |
| 16 | 6.612 | 831 | 61 | 18.401 | 752 |
| 17 | 7.002 | 891 | 62 | 18.506 | 926 |
| 18 | 7.389 | 955 | 63 | 18.605 | 0.32020 |
| 19 | 7.772 | 0.27022 | 64 | 18.698 | 155 |
| 20 | 8.150 | 092 | 65 | 18.783 | 289 |
| 21 | 8.523 | 165 | 66 | 18.862 | 423 |
| 22 | 8.892 | 242 | 67 | 18.934 | 556 |
| 23 | 9.256 | 322 | 68 | 19.000 | 691 |
| 24 | 9.615 | 404 | 69 | 19.059 | 824 |
| 25 | 9.968 | 490 | 70 | 19.111 | 957 |
| 26 | 10.316 | 575 | 71 | 19.158 | 963 |
| 27 | 10.569 | 667 | 72 | 18.198 | 0.33222 |
| 28 | 10.996 | 759 | 73 | 19.231 | 354 |
| 29 | 11.327 | 854 | 74 | 19.258 | 487 |
| 30 | 11.652 | 952 | 75 | 19.279 | 616 |
| 31 | 11.971 | 0.28054 | 76 | 19.293 | 746 |
| 32 | 12.284 | 155 | 77 | 19.302 | 855 |
| 33 | 12.591 | 260 | 78 | 19.305 | 0.34006 |
| 34 | 12.891 | 366 | 79 | 19.301 | 133 |
| 35 | 13.185 | 475 | 80 | 19.293 | 261 |
| 36 | 13.473 | 585 | 81 | 19.278 | 387 |
| 37 | 13.753 | 698 | 82 | 19.257 | 514 |
| 38 | 14.027 | 813 | 83 | 19.231 | 639 |
| 39 | 13.294 | 929 | 84 | 19.199 | 763 |
| 40 | 14.555 | 0.29046 | 85 | 19.161 | 887 |
| 41 | 14.808 | 164 | 86 | 19.118 | 0.35010 |
| 42 | 15.055 | 286 | 87 | 19.070 | 130 |
| 43 | 15.295 | 408 | 88 | 19.017 | 253 |
| 44 | 15.528 | 528 | 89 | 18.958 | 368 |
| 45 | 15.753 | 0.29655 | 90 | 18.894 | 0.35491 |

L E II.

| <i>M</i> | <i>v</i> | log <i>r</i> | <i>M</i> | <i>v</i> | log <i>r</i> |
|----------|----------|--------------|----------|----------|--------------|
| 90° | 18° 894 | 0.35491 | 135° | 11.759 | 0.39627 |
| 91 | 18.825 | 611 | 136 | 11.529 | 690 |
| 92 | 18.751 | 729 | 137 | 11.298 | 752 |
| 93 | 18.671 | 844 | 138 | 11.063 | 810 |
| 94 | 18.588 | 959 | 139 | 10.827 | 867 |
| 95 | 18.498 | 0.36073 | 140 | 10.589 | 923 |
| 96 | 18.405 | 186 | 141 | 10.349 | 978 |
| 97 | 18.306 | 297 | 142 | 10.167 | 0.40031 |
| 98 | 18.203 | 407 | 143 | 9.863 | 084 |
| 99 | 18.096 | 518 | 144 | 9.617 | 135 |
| 100 | 17.984 | 627 | 145 | 9.369 | 184 |
| 101 | 17.867 | 713 | 146 | 9.120 | 232 |
| 102 | 17.747 | 846 | 147 | 8.869 | 278 |
| 103 | 17.622 | 948 | 148 | 8.617 | 323 |
| 104 | 17.493 | 0.37043 | 149 | 8.363 | 368 |
| 105 | 17.359 | 150 | 150 | 8.108 | 409 |
| 106 | 17.222 | 251 | 151 | 7.851 | 451 |
| 107 | 17.081 | 351 | 152 | 7.593 | 490 |
| 108 | 16.935 | 445 | 153 | 7.333 | 528 |
| 109 | 16.786 | 549 | 154 | 7.073 | 566 |
| 110 | 16.633 | 645 | 155 | 6.811 | 601 |
| 111 | 16.476 | 740 | 156 | 6.547 | 636 |
| 112 | 16.316 | 833 | 157 | 6.283 | 668 |
| 113 | 16.152 | 927 | 158 | 6.018 | 699 |
| 114 | 15.985 | 0.38018 | 159 | 5.751 | 730 |
| 115 | 15.814 | 108 | 160 | 5.483 | 758 |
| 116 | 15.639 | 201 | 161 | 5.215 | 785 |
| 117 | 15.461 | 284 | 162 | 4.946 | 811 |
| 118 | 15.280 | 371 | 163 | 4.676 | 835 |
| 119 | 15.096 | 455 | 164 | 4.405 | 858 |
| 120 | 14.909 | 537 | 165 | 4.133 | 880 |
| 121 | 14.718 | 620 | 166 | 3.861 | 900 |
| 122 | 14.525 | 702 | 167 | 3.588 | 918 |
| 123 | 14.328 | 781 | 168 | 3.311 | 936 |
| 124 | 14.129 | 858 | 169 | 3.040 | 952 |
| 125 | 13.926 | 935 | 170 | 2.765 | 967 |
| 126 | 13.721 | 0.39011 | 171 | 2.490 | 980 |
| 127 | 13.513 | 85 | 172 | 2.214 | 992 |
| 128 | 13.330 | 157 | 173 | 1.938 | 0 41002 |
| 129 | 13.090 | 228 | 174 | 1.662 | 011 |
| 130 | 12.874 | 296 | 175 | 1.385 | 019 |
| 131 | 12.656 | 366 | 176 | 1.109 | 025 |
| 132 | 12.435 | 434 | 177 | 0.832 | 030 |
| 133 | 12.213 | 500 | 178 | 0.555 | 033 |
| 134 | 11.987 | 564 | 179 | 0.277 | 036 |
| 135 | 11.759 | 627 | 180 | 0.000 | 0.41034 |

T A B L E III.

| Date de l'opposition | <i>M</i> | Date de l'opposition | <i>M</i> |
|----------------------|----------|----------------------|----------|
| 1925 13.I | 202° | 1943 6.XI | 113° |
| 1926 20.VII | 9 | 1945 1.III | 258 |
| 1927 17.XII | 164 | 1946 7.X | 74 |
| 1929 4.V | 316 | 1948 31.I | 219 |
| 1930 16.XI | 125 | 1949 23.VIII | 31 |
| 1932 10.III | 270 | 1950 24.XII | 178 |
| 1933 17.X | 87 | 1952 31.VI | 345 |
| 1935 10.II | 231 | 1953 27.XI | 140 |
| 1936 2.IX | 43 | 1955 15.IV | 292 |
| 1938 3.I | 190 | 1956 26.X | 101 |
| 1939 10.VII | 357 | 1958 19.II | 276 |
| 1940 7.XII | 153 | 1959 27.IX | 62 |
| 1942 25.IV | 304 | 1961 21.I | 208 |

| Année com. | Année biss. | ΔM |
|-------------|----------------|------------|
| Janvier 0 | 0 | 0.000 |
| Février 1 | 1 | 9.343 |
| Mars 1 | 0 | 17.781 |
| Avril 1 | 0 | 27.124 |
| Mai 1 | 0 | 36.166 |
| Juin 1 | 0 | 45.508 |
| Juillet 1 | 0 | 54.550 |
| Août 1 | 0 | 63.893 |
| Septembre 1 | 0 | 73.235 |
| Octobre 1 | 0 | 82.277 |
| Novembre 1 | 0 | 91.620 |
| Décembre 1 | 0 | 100.661 |

| <i>t</i> | ΔM |
|----------------|------------|
| 1 ^d | 0°3014 |
| 2 | 0.6027 |
| 3 | 0.9041 |
| 4 | 1.2055 |
| 5 | 1.5069 |
| 6 | 1.8083 |
| 7 | 2.1097 |
| 8 | 2.4110 |
| 9 | 2.7124 |
| 10 | 3.0138 |
| 20 | 6.0276 |
| 30 | 9.0410 |

TABLE IV.
Constantes de Gauss.

| | 1925 | 1935 | 1945 | 1955 | 1965 |
|----------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| A' | 8 ^o .991 | 9 ^o .131 | 9 ^o .271 | 9 ^o .411 | 9 ^o .550 |
| $\log a$ | 9.99922 | 9.99922 | 9.99922 | 9.99922 | 9.99922 |
| B' | 277 ^o .519 | 277 ^o .658 | 277 ^o .797 | 277 ^o .936 | 278 ^o .075 |
| $\log b$ | 9.96369 | 9.96366 | 9.96363 | 9.96361 | 9.96358 |
| C' | 286 ^o .992 | 287 ^o .131 | 287 ^o .269 | 287 ^o .407 | 287 ^o .545 |
| $\log c$ | 9.59880 | 9.59895 | 9.59910 | 9.59924 | 9.59940 |

$$A' = A + \omega, B' = B + \omega, C' = C + \omega.$$

TABLE V.

| | $n\delta z$ | | $2v$ | | s | |
|------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| | Cos | Sin | Cos | Sin | Cos | Sin |
| 0-0 | -19''.462 n | — | - 0''.135 n | — | - 0''.220 n | — |
| 1-0 | - 5.687 n | + 0''.899 n | - 0.910 n | - 5''.687 n | + 1.316 n | - 0''.280 n |
| 1-0 | + 0.9 | + 8.9 | - 5.1 | + 0.8 | + 1.0 | + 6.8 |
| 2-0 | + 0.238 n | - 0.038 n | — | — | — | — |
| 3-0 | - 0.1 | - 0.6 | — | — | — | — |
| -1-1 | + 1.4 | + 0.4 | + 1.2 | - 2.0 | - 7.7 | - 1.8 |
| 0-1 | + 25.6 | + 7.8 | + 1.5 | - 3.1 | - 11.5 | - 2.6 |
| 1-1 | + 86.5 | + 10.8 | - 8.1 | + 73.4 | - 9.1 | - 3.5 |
| 2-1 | - 1.5 | + 0.5 | + 0.2 | + 3.1 | - 8.4 | + 0.8 |
| 3-1 | - 0.2 | 0.0 | + 0.1 | - 0.1 | + 0.5 | - 0.1 |
| 0-2 | + 3.8 | - 4.5 | + 11.1 | - 3.9 | - 11.0 | + 25.7 |
| 1-2 | + 16.3 | -180.6 | +116.9 | + 25.2 | + 12.8 | - 39.0 |
| 2-2 | + 12.7 | - 81.2 | +111.6 | + 18.4 | + 4.6 | - 6.6 |
| 3-2 | - 0.8 | + 4.4 | - 0.4 | - 0.4 | - 1.6 | - 0.1 |
| 4-2 | 0.0 | 0.0 | — | — | + 0.1 | 0.0 |
| 1-3 | -103.5 | -182.5 | + 49.9 | - 48.3 | + 7.3 | - 8.1 |
| 2-3 | -129.5 | - 87.5 | + 87.9 | - 98.5 | + 41.8 | - 16.6 |
| 3-3 | + 11.7 | + 2.6 | - 4.5 | + 12.7 | - 2.1 | + 0.4 |
| 4-3 | - 0.5 | - 0.1 | + 0.1 | + 0.1 | — | — |
| 2-4 | + 77.3 | - 23.9 | + 31.1 | + 11.6 | - 19.7 | + 7.8 |
| 3-4 | + 5.2 | + 4.7 | + 6.0 | + 7.5 | — | — |
| 4-4 | - 0.9 | + 2.2 | - 2.8 | - 0.9 | — | — |
| 5-4 | 0.0 | - 0.1 | 0.0 | + 0.1 | — | — |
| 3-5 | - 1.0 | - 3.9 | + 0.5 | - 2.0 | — | — |
| 4-5 | + 0.9 | + 1.2 | - 1.1 | - 0.5 | — | — |
| 5-5 | - 0.6 | - 0.2 | + 0.3 | - 0.6 | — | — |

TABLE IV
Coefficients de Grues

| Year | 1950 | 1951 | 1952 | 1953 | 1954 |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| log 1 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 2 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 3 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 4 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 5 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 6 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 7 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 8 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 9 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 10 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 11 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 12 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 13 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 14 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 15 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 16 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 17 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 18 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 19 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 20 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 21 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 22 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 23 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 24 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 25 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 26 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 27 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 28 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 29 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 30 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 31 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 32 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 33 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 34 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 35 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 36 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 37 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 38 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 39 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 40 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 41 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 42 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 43 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 44 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 45 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 46 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 47 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 48 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 49 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |
| log 50 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0000 |

W. WATSON & CO.
177 ST. EDWARD ROAD, DORSET, WILTSHIRE
BIBLIOPOLY

Biblioteka Główna UMK



300020638172



~~8567~~

~~Biblioteka
SZKOŁY GŁÓWNEJ GOSPODARSTWA WIEJSKIEGO
w Warszawie~~

BIBLIOTHECA UNIVERSITATIS LIBERAE POLONAE.

A. 1922.

- № 1. **W. Pogorzelski.** Les propriétés du noyau résolvant de l'équation intégrale d'un problème aux limites. 16 p.
Własności jądra rozwiązującego równania całkowego w pewnym zagadnieniu na wartości brzegowe.
- № 2. **W. Pogorzelski.** Problème de Fourier pour le milieu rayonnant. 5 p.
Zagadnienie Fourier'a w przypadku ośrodka promieniującego.
- № 3. **I. Mysłicki.** Jonston i de Spinoza. 23 p.
Jonston et de Spinoza. L'influence supposée d'un Polonais sur de Spinoza.
- № 4. **D. Hellin et A. Szwarc.** Relations entre les affections de l'oeil et celles de l'oreille. 25 p.
Wzajemna zależność chorób oka i ucha.
- № 5. **A. Boleski.** „Książd Marek” Słowackiego a „Sprawa Boża”. 32 p.
„Książd Marek” de Jules Słowacki et les idées de Towiański.
- № 6. **S. Daszyńska-Golińska.** La Chine et le système physiocratique en France. 30 p.
Wpływ kultury chińskiej na fizjokratyzm we Francji.
- № 7. **Aleksander Woyde.** Dwa nieznanne rękopisy z dziejów polskiej Reformacji. 23 p.
Deux manuscrits inconnus concernant la Réformation en Pologne.
- № 8. **F. J. de Wiśniewski.** Sur l'équation „caractéristique”. 15 p.
O równaniu charakterystycznym.

A. 1923.

- № 9. **Antoni Górski.** Zapatrywania i stosunki gospodarcze w Polsce XVII wieku. 19 p.
La situation économique de la Pologne au XVII siècle d'après les contemporains.
- № 10. **Stanisław Poniatowski.** Materials to the Vocabulary of the Amur Gold. 12 p.
Materiały do słownika Goldów nadamurskich.

A. 1924.

- № 11. **Henryk Grossman.** Simonde de Sismondi et ses théories économiques. 77 p.
(Une nouvelle interprétation de sa pensée).
Nowy pogląd na koncepcje ekonomiczne Sismondiego.
- № 12. **Zygmunt Wojnicz-Sianożęcki.** The phase rule and its theoretical basis 10 p.
Prawo faz i jego teoretyczne uzasadnienie
- № 13. **Leon Hufnagel.** Sur les mouvements propres des étoiles 16 p.
O ruchach własnych gwiazd.

